

3.

15 puan

Elif ve Burak üslû ve köklü ifadeler hakkında birer genelleme yapıyor.

Elif: “Her a gerçekte sayı için $\sqrt{a^2} = a$ olur.”

Burak: “Her x gerçekte sayı için $2^x \cdot 2^x = 4^x$ olur.”

- a) Elif'in genellemesinin yanlış olduğunu bir karşı örnek gösteriniz ve $\sqrt{a^2}$ ifadesinin her a için doğru eşitini yazınız. (9 p)

- b) Burak'ın genellemesinin doğru olup olmadığını üslû ifadelerin özelliklerini kullanarak gerekçelendiriniz.** (6 p)

4.

15 puan

Bir atölyede kullanılan yapıştırıcının düzgün kuruması için ortam sıcaklığı 10 °C ile 30 °C arasında (10 ve 30 dahil) olmalıdır. Atölyedeki ısıtıcı ise sıcaklığı 5 °C'den büyük, 24 °C'ye kadar (24 dahil) değerlere ayarlayabiliyor.

- a) Yapıştırıcı için uygun sıcaklıklar kümesini Y, ısıtıcının ayarlanabildiği sıcaklıklar kümesini I ile göstererek her birini aralık biçiminde yazınız. (4 p)

b) $Y \cap I$ ve $Y \setminus I$ kümelerini bulunuz. $Y \setminus I$ kümesinin bu durumda ne anlama geldiğini açıklayınız. (11 p)

- b)** $Y \cap I$ ve $Y \setminus I$ kümelerini bulunuz. $Y \setminus I$ kümesinin bu durumda ne anlama geldiğini açıklayınız. (11 p)

5.

15 puan

Meriç: “İki irrasyonel sayının toplamı her zaman irrasyoneldir.”

Aybüke: “Bir rasyonel sayı ile bir irrasyonel sayının toplamı her zaman irrasyoneldir.”

- a) Meriç'in iddiasını bir karşı örnekle çürütünüz.** (6 p)

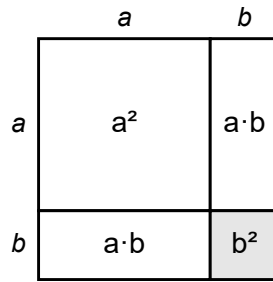
b) Aybüke'nin iddiasının doğru olduğunu, toplamın rasyonel olduğunu varsayıp bir çelişkiye ulaşarak gösteriniz. (9 p)

- b) Aybüke'nin iddiasının doğru olduğunu, toplamın rasyonel olduğunu varsayıp bir çelişkiye ulaşarak gösteriniz.** (9 p)

6.

15 puan

Kenar uzunluğu $a + b$ birim olan bir kare, şekildeki gibi dört parçaya ayrılmıştır (a ve b pozitif gerçel sayılar).



- a)** Büyük karenin alanını iki farklı biçimde yazarak $(a + b)^2$ ifadesini a ve b cinsinden açınız. (8 p)

- b) Bulduğunuz eşitliği kullanarak 103^2 sayısını hesap makinesi kullanmadan bulunuz.** (7 p)

7.

15 puan

Gerçek sayılar kümesinde yeni bir işlem $a * b = a + b - 2$ biçiminde tanımlanıyor. Toplama işleminde etkisiz eleman 0'dır; çünkü her a için $a + 0 = a$ olur.

- a)** * işleminin değişme özelliği olup olmadığını cebirsel olarak gösteriniz. (5 p)

- b) Toplamadaki etkisiz eleman tanımına benzeterek * işleminin etkisiz elemanını bulunuz.** (5 p)

- c) 5 sayısının $*$ işlemine göre tersini bulunuz. (5 p)